

Секция «Вычислительная математика и кибернетика»

Построение передаточной функции инвертора динамической системы произвольного относительного порядка

Атамась Евгений Иванович

Студент

Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, Факультет вычислительной математики и кибернетики, Москва, Россия

E-mail: eatamas@gmail.com

Рассматривается задача обращения скалярной линейной стационарной системы общего положения с устойчивой нулевой динамикой

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \end{cases},$$

где $x \in R^n$ — фазовый вектор системы, $y \in R$ — выход, $u \in R$ — управление, $A \in R^{n \times n}$, $b \in R^{n \times 1}$, $c \in R^{1 \times n}$ — известные матрицы. Требуется построить инвертор, т.е систему, позволяющую восстановить вход исходной системы по ее выходу. Данную задачу решает следующая система [1], записанная в преобразованиях Лапласа:

$$\begin{cases} s\tilde{X}' = A_{11}\tilde{X}' + A_{12}Y \\ s\tilde{Y} = A_{21}\tilde{X}' + A_{22}Y - k\tilde{Y} + kY \\ \tilde{\Xi} = -k(\tilde{Y} - Y) \end{cases}$$

В работе была вычислена передаточная функция инвертора от выхода исходной системы y к ее входу ξ $W_{y\xi}(s) = \frac{Q}{(\phi + \Sigma)} W_{\xi y}^{-1}(s)$, где $W_{\xi y}$ — передаточная функция исходной системы. $Q \in \mathbb{R}$; ϕ, Σ — полиномы, определяемые параметрами инвертора. Полученный результат подтверждает выводы, полученные в работе [1] и предоставляет возможность говорить об инверторах динамической системы на гораздо более наглядном языке передаточных функций.

Литература

1. Ильин А.В., Коровин С.К., Фомичёв В.В. Методы робастного обращения динамических систем. М., Физматлит 2009